دورة : ماي 2019 ثانوية:الصديق عبد الله بئر خادم

الشعبة:رياضيات امتحان بكالوريا التعليم الثانوي (تجريبي)

الإثنين 08رمضان 1440ْ الموافق ماي2019م الأستاذ: ساس عبدالله

اختبار في مادة : الرياضيات المدة :4 ساعات ونصف

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين:

الموضوع الأول

التمرين الأول(04 نقاط)

النقطتان A_0 و B_0 من المستوي بحيث $A_0B_0=8$ (الوحدة هي السنتيمتر)

التشابه المباشر S الذي مركزه النقطة A_0 ونسبته $\frac{1}{2}$ و $\frac{3\pi}{4}$ زاوية له

نعرف متتالية النقط (B_n) بـ : من أجل كل عدد طبيعي n: $B_{n+1}=S(B_n)$

1) أنشئ النقط : B_1, B_2, B_3 و B_4

2) أثبت أنه من أجل كل عدد طبيعي n المثلثان: $A_0B_nB_{n+1}$ و $A_0B_{n+1}B_{n+2}$ متشابهان

3) نعرف المتتالية (u_n) بـ : من أجل كل عدد طبيعي n: $u_n=B_nB_{n+1}$

أ) أثبت أن (u_n) متتالية هندسية أساسها $\frac{1}{2}$

ب) جد عبارة u_n بدلالة n و u_0

جـ) نضع: $S_n=u_0+u_1+.....+u_n$, جد $\lim\limits_{n\to+\infty} S_n$

4) أ) حل في مجموعة الأعداد الصحيحة المعادلة : $3x-4y=2$

ب) المستقيم (Δ) العمودي على المستقيم (A_0B_0) في النقطة A_0 ، جد قيم العدد الطبيعي n التي من أجلها تكون النقطة B_n تنتمي إلى المستقيم (Δ)

التمرين الثاني:(05نقاط)

1 نعطي في مجموعة الأعداد المركبة العبارة $P(z)$: $P(z)=z^3+(-8+i)z^2+(25-8i)z+25i$

1- أ- تحقق أن $p(-i)=0$

ب- جد العددين الحقيقيين a و b بحيث من أجل كل عدد مركب z : $P(z)=(z+i)(z^2+az+b)$

جـ - حل في $\mathbb{C}$ المعادلة : $p(z)=0$

2) المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس $(0;\vec{u};\vec{v})$, النقط $A;B;C$ و D هي صور الأعداد المركبة $z_A=1$, $z_B=-i$, $z_C=4+3i$ و $z_D=4-3i$ على الترتيب.

من أجل كل نقطة M تختلف عن A لاحقتها z نرفق النقطة M' لاحقتها z' حيث $z'=\frac{-i\,z+4i-3}{z-1}$

أ- تحقق أن $z'+i=\frac{-3+3i}{z-1}$

ب- بين أن $AM\times BM'=3\sqrt{2}$ و $(\vec{u};\overrightarrow{AM})+(\vec{u};\overrightarrow{BM'})=\frac{3\pi}{4}+2k\pi$ حيث k عدد صحيح

جـ - عين (∂) مجموعة النقط M من المستوي حيث $z'+i=3e^{i}$

أقلب الورقة

التمرين الثالث: (04 نقاط)

يحتوي صندوق على خمس كريات بيضاء مرقمة بـ : 1 ، 1 ، 1 ، 0 ، 1- وخمس كريات سوداء مرقمة بـ 1، 1 ، 0 ، 0 ، 1- لا نميز بينها باللمس ، نسحب عشوائيا وفي آن واحد 3 كريات من الصندوق .

I. نعطي الأحداث التالية :

A : "الحصول على كرية بيضاء واحدة فقط " . B : "الحصول على كرية بيضاء على الأقل "

C : "الكريات الثلاث المسحوبة لها نفس اللون ". D : "الحصول على اللونين الأبيض و الأسود "

F : "مجموع أرقام الكريات الثلاث المسحوبة يساوي 0 " .

1- أحسب احتمال الأحداث A ، B و C .

2- بين أن: $P(D)=\frac{5}{6}$ ، $P(F)=\frac{31}{120}$ و $P(C\cap F)=\frac{7}{120}$.

3- إذا كان مجموع أرقام الكريات المسحوبة يساوي 0 ما هو احتمال أن تكون الكريات الثلاث من نفس اللون ؟

II. نعطي المتغير العشوائي X الذي يرفق بكل مخرج مجموع أرقام الكريات الثلاث المسحوبة .

عين قيم المتغير العشوائي X عرف قانون الاحتمال للمتغير العشوائي X ثم أحسب أمله الرياضياتي .

التمرين الرابع: (07 نقاط)

1) الدالة g المعرفة على المجال $]0;+\infty[$ كما يلي: $g(x)=\frac{x+1}{2x+1}-\ln(x)$

أ- احسب $\lim\limits_{x\to+\infty} g(x)$ و $\lim\limits_{x\overset{>}{\to}0} g(x)$.

ب- ادرس اتجاه تغير الدالة g على المجال $]0;+\infty[$ ثم شكل جدول تغيراتها.

جـ- بين أن المعادلة $g(x)=0$ تقبل حلا وحيدا α حيث: $1,83<\alpha<1,84$. أستنتج إشارة $g(x)$ على $]0;+\infty[$

2) الدالة f المعرفة على المجال $]0;+\infty[$ كما يلي : $f(x)=\frac{2\ln(x)}{x^2+x}$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس $(O;\vec{i},\vec{j})$ الوحدة 2cm

أ- أحسب $\lim\limits_{x\overset{>}{\to}0} f(x)$ و أحسب $\lim\limits_{x\to+\infty} f(x)$. ثم فسر النتيجة بيانيا .

ب- اثبت أنه من أجل كل عدد حقيقي x من $]0;+\infty[$: $f'(x)=\frac{2(2x+1)}{(x^2+x)^2}\times g(x)$

ثم استنتج اتجاه تغير الدالة f .

جـ- بين أن : $f(\alpha)=\frac{2}{\alpha(2\alpha+1)}$. استنتج حصرا للعدد $f(\alpha)$ ثم شكل جدول تغيرات الدالة f .

3) أكتب معادلة المماس (T) في النقطة ذات الفاصلة $x_0=1$.ثم أنشئ كل من المماس (T) و المنحني (C_f) .

4) ناقش بيانيا و حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد و إشارة حلول المعادلة : $f(x)=x+m$.

5) أ- أثبت أنه من اجل كل عدد حقيقي x حيث $x\geq 1$, أن: $\frac{\ln(x)}{x^2}\leq f(x)\leq\frac{\ln(x)}{x}$

ب - أحسب $I=\int_1^{\frac{3}{2}}\frac{\ln(x)}{x}dx$. ثم باستعمال التكامل بالتجزئة أحسب $J=\int_1^{\frac{3}{2}}\frac{\ln(x)}{x^2}dx$

جـ -استنتج حصرا للعدد K حيث : $K=\int_1^{\frac{3}{2}}f(x)dx$.

6) المساحة A الحيز المستوي المحدد بالمنحني (C_f) و محور الفواصل والمستقيمين اللذين معادلاتهما: $x=1$ و $x=\frac{3}{2}$

أكتب A بدلالة K . ثم استنتج قيمة مقربة بـــ: cm^2 للمساحة A .

انتهى الموضوع الأول

دورة : ماي 2019 — ثانوية:الصديق عبد الله بئر خادم

الشعبة:رياضيات

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي (تجريبي)

الإثنين 08رمضان 1440 ْ الموافق ماي2019 م — الأستاذ: ساس عبدالله

الأستاذ: س - ع

اختبار في مادة : الرياضيات — المدة :4 ساعات ونصف

الموضوع الثاني

التمرين الأول : (04نقاط)

1) نعطي المعادلة (E) ذات المجهول $(n\,;m)$: $11n-24m=1$ حيث m و n عددان صحيحان.

جد الحل الخاص $(n_0;m_0)$ للمعادلة (E) ثم استنتج حلول المعادلة (E) .

2) بين أن 9 يقسم كل من $10^{11}-1$ و $10^{24}-1$.

3) بين أن, $(10^{11n}-1)-10\,(10^{24m}-1)=9$ حيث $(n\,;m)$ احد حلول المعادلة (E) من الأعداد الطبيعة.

4) أ) من اجل كل عدد طبيعي غير معدوم n و من اجل كل عدد حقيقي x: $x\neq 1$

بين أن : $(x-1)(1+x+x^2+\cdots+x^{n-1})=x^n-1$

ب)-بين أن : $10^{11}-1$ يقسم $10^{11n}-1$ و أن : $10^{24}-1$ يقسم $10^{24m}-1$

ج)- اثبت انه يوجد عددان صحيحان M و N بحيث $(10^{11}-1)N-(10^{24}-1)M=9$.

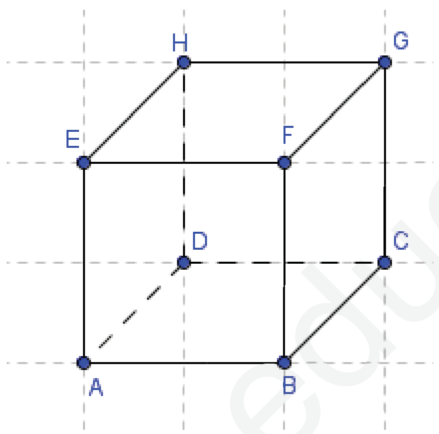
5) اثبت أن كل قاسم مشترك لـ $10^{24}-1$ و $10^{11}-1$ يقسم 9 .

ثم استنتج القاسم المشترك الأكبر PGCD لكل من $10^{24}-1$ و $10^{11}-1$

التمرين الثاني: (04 نقاط) :

المكعب $ABCDEFGH$ طول ضلعه 1 , I منتصف القطعة $[EF]$ و J نظيرة النقطة E بالنسبة للنقطة F

ينسب الفضاء إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(A;\overrightarrow{AB};\overrightarrow{AD};\overrightarrow{AE})$



1) أ) عين إحداثيات النقطتين I و J

ب) تحقق أن الشعاع $\overrightarrow{DJ}$ ناظمي على المستوي (BGI)

جـ) استنتج المعادلة الديكارتية للمستوي (BGI)

د) أحسب المسافة بين F و المستوي (BGI)

2) نضع المستقيم (Δ) المار من F و العمودي على المستوي (BGI)

أ) أعط تمثيلا وسيطيا للمستقيم (Δ)

ب) بين أن المستقيم (Δ) يشمل النقطة K مركز الوجه $ADHE$

جـ) بين أن المستقيم (Δ) و المستوي (BGI) يتقاطعان في النقطة P إحداثياتها $\left(\frac{2}{3};\frac{1}{6};\frac{5}{6}\right)$

د) هل النقطة P هي نقطة تقاطع ارتفاعات المثلث BGI ؟علّل إجابتك.

3) عين معادلة سطح الكرة (S) الموجودة داخل المكعب $ABCDEFGH$ والتي تمس أوجهه الستة .

التمرين الثالث: (05نقاط)

1. أ)عين الجذرين التربيعيين للعدد المركب: $L=2+2i\sqrt{3}$

ب)حل في مجموعة الاعداد المركبة C المعادلة : $\left(z^2-2-2i\sqrt{3}\right)\left(z^2+1\right)=0$

2. نعطي النقط A ، B ، C و D من المستوي لواحقها علي الترتيب $z_A=\sqrt{3}+i$ ، $z_B=\sqrt{3}-i$ ، $z_c=i$ و $z_D=1$.

أقلب الورقة

أ) اكتب العدد المركب $\frac{z_A}{z_B}$ على الشكل الاسي ثم استنتج طبيعة المثلث OAB

ب) هل توجد قيم للعدد الطبيعي n حتي يكون العدد $\left(\frac{z_A}{z_B}\right)^n$ تخيليا صرفا

3. أ)عين عبارة التشابه المباشر S الذي مركزه A و يحول النقطة B الي النقطة C محددا عناصره المميزة

ب)عين و انشئ القطعة $[B'C']$ صورة القطعة المستقيمة $[BC]$ بالتشابه S مستنتجا مساحة المثلث $AB'C'$

4. أ)عين (ψ) مجموعة النقط M من المستوي ذات الاحقة z بحيث يكون: $\frac{z-z_C}{z-z_B}$ عددا حقيقيا سالبا تماما.

ب)عين (γ) مجموعة النقط M من المستوي ذات اللاحقة z بحيث: $z=-3-2i-ke^{i\frac{\pi}{4}}$ مع $k\in R^+$

التمرين الرابع: (07 نقاط)

I:

نعطي المعادلة التفاضلية: $(E)\ldots\ y'+y=e^{-x}$

1.بين أن الدالة u المعرفة على $\Re$ بـ$u(x)=xe^{-x}$ حل للمعادلة (E)

2.حل المعادلة التفاضلية $y'+y=0\ \ldots\ (E_0)$

3.بين أن الدالة v المعرفة و القابلة للاشتقاق على $\Re$ تكون حلا للمعادلة (E_0)

إذا وفقط إذا كانت $u+v$ حلا للمعادلة (E) - استنتج جميع حلول المعادلة (E).

4.عين الدالة f_2 حل المعادلة (E) التي تأخذ القيمة 2 من أجل 0.

II:

للدالة f_k المعرفة على $\Re$ كما يلي: $f_k(x)=(x+k)e^{-x}$ و k عدد حقيقي

نرمز بـ$(\mathcal{C}_k)$ إلى تمثيلها البياني في المعلم المتعامد و المتجانس $(O;\vec{i},\vec{j})$.

1. عين نهايات f_k عند $-\infty$ و عند $+\infty$.

2.احسب من أجل كل عدد حقيقي x : f'_k ثم شكل جدول تغيرات الدالة f_k

III:

المتتالية (I_n) المعرفة بـ $I_0=\int_{-2}^{0}e^{-x}\,dx$ ومن أجل كل عدد طبيعي $n\geq 1$ ، $I_n=\int_{-2}^{0}x^ne^{-x}\,dx$

1.أ- احسب القيمة المضبوطة لـI_0.

ب - باستعمال المكاملة بالتجزئة بين أن : $I_{n+1}=(-2)^{n+1}e^2+(n+1)I_n$

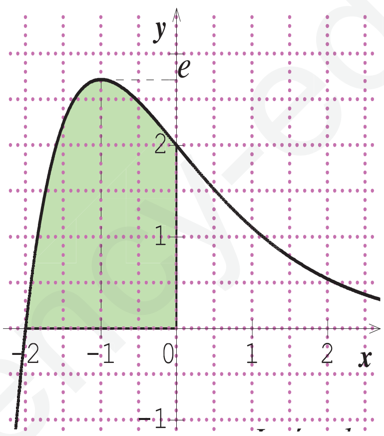
جـ - استنتج القيم المضبوطة لـI_1 و I_2.

2. التمثيل البياني الموالي $(\mathcal{C}_k)$ هو لدالة f_k المعرفة في الجزء II.

أ- باستعمال المعلومات المتوفرة في الشكل ،عين قيمة k المرفقة بالمنحنى $(\mathcal{C}_k)$.

ب- المساحة S للجزء المظلل (مقدرة بوحدة المساحات).

عبر عن S بدلالة I_0 و I_1 ثم استنتج القيمة المضبوطة للمساحة S.



انتهى الموضوع الثاني

بالتوفيق صح رمضانكم وصح فطوركم