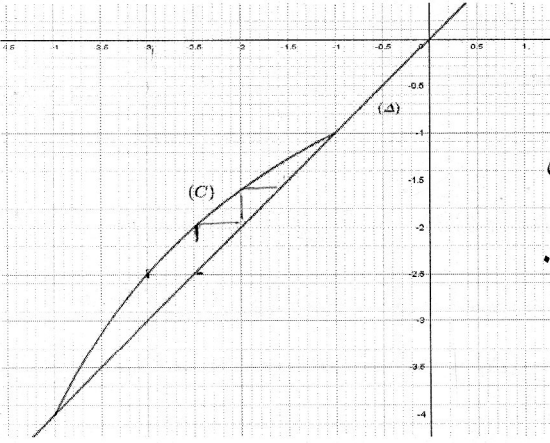




التمرين الأول :

(I)  $f$  دالة معرفة على المجال  $[-4; -1]$  ب :  $f(x) = \frac{2x-4}{x+7}$   $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد



ومتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ . (لاحظ الشكل)

(1) ادرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.

(2) استنتج أنه : إذا كان  $x \in ]-4; -1[$  فإن  $f(x) \in ]-4; -1[$ .

(II)  $(U_n)$  متتالية عددية معرفة على  $\mathbb{N}$  ، حيث  $U_0 = -3$  ومن أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $U_{n+1} = f(U_n)$ .

(1) مثل على حامل محور الفواصل الحدود الخمسة الأولى للمتتالية  $(U_n)$ .

(2) أعط تخمينا حول اتجاه تغير المتتالية  $(U_n)$  وتقاربا.

(3) أثبت أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $-4 < U_n < -1$ .

(4) ادرس اتجاه تغير المتتالية  $(U_n)$ .

(5) استنتج أن المتتالية  $(U_n)$  متقاربة .

(III)  $(V_n)$  متتالية عددية معرفة من أجل كل عدد طبيعي  $n$  ب :  $V_n = \frac{-U_n - 1}{U_n + 4}$ .

(1) أثبت أن المتتالية  $(V_n)$  هندسية أساسها  $\frac{1}{2}$  ، معينا حدها الأول.

(2) بين أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  فإن  $\frac{3}{U_n + 4} = V_n + 1$ .

(2) اكتب  $V_n$  بدلالة العدد الطبيعي  $n$  ، ثم استنتج أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $U_n = -4 + \frac{3}{1 + 2\left(\frac{1}{2}\right)^n}$ .

(3) احسب  $\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n$ .

(4) اكتب بدلالة العدد الطبيعي  $n$  كلا من  $T_n$  و  $S_n$  حيث :

$$S_n = \frac{1}{U_0 + 4} + \frac{1}{U_1 + 4} + \frac{1}{U_2 + 4} + \dots + \frac{1}{U_n + 4}$$

$$T_n = V_0 + 4.V_1 + 4^2.V_2 + \dots + 4^n.V_n$$

## التمرين الثاني:

$f$  دالة معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ  $f(x) = (x^2 + 1)e^x + x$  ، (C) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب الى المعلم المتعامد المتجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  (وحدة الأطوال هي 1cm)

- (1) أحسب نهايات  $f$  عند  $+\infty$  و  $-\infty$  .
- (2) بين أنه من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}$  فإن  $f'(x) = (x^2 + 1)e^x + x$  .
- (3) استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها .
- (4) أ) بين أن المستقيم  $(\Delta)$  ذو المعادلة  $y = x$  مستقيم مقارب مائل بجوار  $-\infty$  .  
ب) أدرس الوضعية النسبية بين (C) و  $(\Delta)$  .
- (5) بين أن المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  على المجال  $[-0.8; -0.7]$  .
- (6) بين ان (C) يقبل نقطتي انعطاف يطلب تعيين احداثياتهما .
- (7) أرسم (C) و  $(\Delta)$  .

(II) لتكن  $h$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ  $h(x) = (ax^2 + bx + c)e^x$  ، حيث  $a, b, c$  أعداد حقيقية .

- (1) عين  $a, b, c$  حتى تكون الدالة  $h$  أصلية للدالة  $x \rightarrow (x^2 + 1)e^x$  ، ثم استنتج دالة أصلية للدالة  $f$  .
- (2) أحسب مساحة الحيز المحدد بـ (C) و  $(\Delta)$  والمستقيمين  $x = -2$  و  $x = 0$  .

بالتوفيق